机密★启用前(考试时间: 2025年7月2日下午15:00-17:00)

乐山市普通高中 2026 届高二下学期教学质量检测数 学

注意事项:

- 1. 答卷前,考生务必将自己的姓名、准考证号填写在答题卡上。
- 2. 回答选择题时,选出每小题答案后,用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动,用橡皮擦干净后,再选涂其他答案标号。回答非选择题时,将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。
 - 3. 考试结束后,将本试卷和答题卡一并交回。
- 一、选择题:本题共8小题,每小题5分,共40分。在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的。
- 1. 已知变量x与y, a与b分别都成线性相关关系,且x与y相关系数 r_1 满足 $-0.75 < r_1 < -0.65$,且a与b相关系数 r_2 满足 $0.75 < r_2 < 0.95$,下列结论正确的是
 - A. x = y 负相关,a = b 负相关,且x = y 的相关性更强
 - B. x = y 负相关, a = b 正相关, 且 x = y 的相关性更强
 - C. x 与 y 负相关, a 与 b 正相关, 且 x 与 y 的相关性更弱
 - D. x = y 正相关,a = b 负相关,且x = y 的相关性更弱
- 2. 已知函数 $f(x) = x^2 1$,则当自变量 x 由 2 变到 2.1 时,函数的平均变化率为

A. 4 B. 4.1 C. 4.2 D. 4.3

3. 某课题组为调查"错题重练"是否有助于学生提高数学成绩,随机抽取 300 名高中生分为两组,实验组在每天的学习中有计划地开展"错题重练",对照组学习方法不变.一个月后,对统计数据运用 2×2 列联表进行独立性检验,计算得 $\chi^2 = 7.815$,则下列结论正确的是

α	0.1	0.01	0.001
χ^2	2.706	6.635	10.828

- A. 认为"错题重练"与提高数学成绩有关
- B. 认为"错题重练"与提高数学成绩无关
- C. 认为"错题重练"与提高数学成绩有关,此推断犯错误的概率不大于0.01
- D. 认为"错题重练"与提高数学成绩有关,此推断犯错误的概率不大于0.001
- 4. 已知等差数列 $\{a_n\}$, $a_1 + a_3 + a_5 = 18$, $a_2 + a_4 + a_6 = 24$, 则 $a_{2025} =$

A. 4038 B. 4040 C. 4050 D. 4052

5.1000的不同正因数个数为

A. 16 B. 12 C. 10 D. 8

6. 记 S_n 为等比数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和,若 $S_2 = 8$, $S_4 = 80$,则 $S_6 =$

A. -216 B. 216 C. -728 D. 728

7. 若随机变量 X 服从二项分布 $X \sim B(6,p)$ 且 $P(X=3) = \frac{5}{16}$,则 $E(2X+3) = \frac{5}{16}$

A. 3	B. 6	C. 9	D. 12	
	,从格点(0,0)走到格点(路径的条数,就是卡特兰		上走,且在对角线的右下方	5(不能越
A. C_8^4	B. $\frac{1}{2}C_8^4$	C. $\frac{1}{5}$ C ₈	D. $\frac{1}{7}$ C ₈ ⁴	
全部选对的得6分	$oldsymbol{ar w}$ 共 3 小题,每小题 6 分, b ,部分选对的得部分分, $\{a_n\},\ a_1=2,\ g=3,\ oldsymbol{ar y}$	有选错的得0分。	出的选项中,有多项符合	题目要求。
A. 数列 $\left\{\frac{1}{a}\right\}$	-		的前 n 和是 $3-\frac{1}{3^{n-1}}$	
(ω_n)	$\{a_n\}$ 是等差数列	(ω_n)	3^{n-1} n_n 的前 10 项和是 $45\log_2 3$	
, ,	$(x-2)(x+1)^4 = a_0 + a_1 x + a_2 + a_3 + a_4 + a_4 + a_5 +$			
A. $a_0 = -2$	$(x+1) - a_0 + a_1x + a_2$	B. $a_2 = -8$		
*	$_3 + a_4 + a_5 = -16$	D. $a_1 + a_3 + a_5$	=-8	
11. 已知函数 f(x)	$=(e^{x+b}-1)(x-a+1),$	则下列说法正确的是		
	b=0时,函数 $f(x)$ 仅有一			
B. 当a=1时	, 若 $f(x)$ 在 $(1,+\infty)$ 上单	调递增,则 <i>b≥−1−l</i>	n2	
)恒成立,则 $a^2+b^2 \geqslant 1$			
D. $\forall a, b \in I$	R, f(x)都存在极值点			
三、填空题:本題	题共3小题,每小题5分,	共15分。		
	3, 4可以组成没有重复数			
13 . 已知 S_n 是等 \geqslant	$\stackrel{.}{ ext{b}}$	设 T_n 为数列 $\left\{rac{S_n}{n} ight\}$ 的真	前 n 项和,若 S_6 =12, S_{12}	=168,则
$T_n = \underline{\hspace{1cm}}$.				
负,规则如下	: 每场比赛中的胜方继续	参加下一场比赛,负	比赛,每场比赛有两人参加 方下场换该场未参加比赛的	的运动员上
场参加下一场	比赛,以此类推.甲运动员	员实力较强,每场与Z	\mathbb{L} 、丙比赛胜率均为 $rac{3}{4}$,且	1各场比赛

四、解答题:本题共5小题,共77分.解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

的结果均相互独立、由抽签法决定哪两名运动员参加第一场比赛,记甲参加第n场比赛的概率为

15. (13分)

已知正项等比数列 $\{a_n\}$, $a_4 = 4a_2$, 且 $2a_4$, $\frac{a_3^2}{2}$, a_5 构成等差数列.

(1) 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;

$$(2)$$
 若 $b_n = \frac{1}{(2\log_2 a_n - 1) \cdot (2\log_2 a_{n+1} - 1)}$,求数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和 T_n .

16. (15分)

某种产品每吨成本6万元,其销售价格x(万元/吨)和销售量y(吨)的变化情况如下表:

x	7	7.5	8	8.5	9
y	10	9	8.5	7.5	5

- (1) 若 y 与 x 线性相关, 求 y 关于 x 的经验回归方程;
- (2) 根据(1)的结论,预测要使该产品销售利润最大,销售价格是多少?(结果精确到0.1)

附: (参考公式
$$\hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2}$$
, $\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x}$)

17. (15分)

已知函数 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 - (a+2)x + 2a \ln x$.

- (1) 当a=1时,求函数f(x)的极值;
- (2) 讨论函数 f(x) 在 (0,3) 上的单调性.

18. (17分)

某地市场监管部门对当地一食品厂生产的水果罐头开展固形物含量抽样检验,按照国家标准规定,在一瓶水果罐头中,固形物含量不低于55%为优级品,固形物含量低于55%且不低于50%为一级品,固形物含量低于50%为二级品或不合格品.

- (1) 现有5瓶水果罐头,已知其中3瓶为优级品,2瓶为一级品.
- (i) 若每次从中随机取出1瓶,取出的罐头不放回,求在第1次抽到优级品的条件下,第2次抽到一级品的概率;
- (ii) 对这 5 瓶罐头依次进行检验,每次检验后不放回,直到区分出 5 瓶罐头的等级时终止检验,记检验次数为 X,求随机变量 X 的分布列与期望;
- (2) 已知该食品厂生产的水果罐头优级品率为p(0 ,且各件产品是否为优级品相互独立,若在<math>5次独立重复抽检中,至少有3次抽到优级品的概率不小于 $4 \times (\frac{2}{3})^4$,求p的最小值.

19. (17分)

已知函数
$$f(x) = \frac{x^a}{e^x} + x - a \ln x - 1 (a \in R).$$

- (1) 当a=1时,求函数 f(x) 在x=1 处的切线方程;
- (2) 若函数 f(x) 有两个零点,记作 x_1 , x_2 .
- (i) 求参数a的取值范围;
- (ii) 若 $0 < 3x_1 \le x_2$, 证明: $x_1 \cdot x_2^3 \ge 243$.